

## BIOESTADÍSTICA EXAMEN 5 DE MARZO DE 2013

### DATOS DEL ESTUDIANTE

Nombre	Cédula

- La duración del examen es 3 horas.
- El puntaje mínimo para aprobar es 50 puntos.

### Problema 1 (50 puntos)

Considere dos tipos de componentes electrónicas,  $A$  y  $B$ , cuyos tiempos de duración (medidos en años) se modelan con variables exponenciales de parámetros  $\lambda_A = 0,15$  y  $\lambda_B = 0,22$  respectivamente.

- a) (3 puntos) Para una componente de tipo  $A$  calcule la probabilidad,  $p_A$ , de que su tiempo de duración sea **menor** que 4 años.
- b) (3 puntos) Para una componente de tipo  $B$  calcule la probabilidad,  $p_B$ , de que su tiempo de duración sea **menor** que 4 años.
- c) (16 puntos) Considere dos componentes de tipo  $A$  y dos componentes del tipo  $B$ .
  - i) Calcule la probabilidad de que las cuatro componentes electrónicas tengan un tiempo de duración **menor** a 4 años.
  - ii) Calcule la probabilidad de que al menos una de esas cuatro componentes electrónicas tenga un tiempo de duración **menor** a 4 años.

Considere una partida de componentes electrónicas en la que el 75 % son de tipo  $A$  y el 25 % restante de tipo  $B$ .

- d) (6 puntos) Calcule la probabilidad de que una componente seleccionada al azar tenga un tiempo de duración **superior** a 4 años.
- e) (8 puntos) Si una componente seleccionada al azar tiene un tiempo de duración **superior** a 4 años, ¿cuál es la probabilidad de que sea una componente de tipo  $B$ ?
- f) (6 puntos) Calcule el valor esperado de la cantidad de componentes que hay que seleccionar de la partida hasta obtener una cuyo tiempo de duración sea **superior** a 4 años.

Considere finalmente otro tipo de componentes electrónicas cuyos tiempos de duración (medidos en años) se modelan con variables exponenciales de parámetro  $\lambda$ .

- g) (8 puntos) Estime  $\lambda$  sabiendo que en una muestra (grande) de estas componentes un 30 % tuvo una duración **menor** a 4 años.

### Para uso docente (no completar)

Problema 1	Problema 2	Problema 3	Total

**Problema 2 (24 puntos)**

**Nota:** En cada una de las partes de este problema considere  $\alpha = 0,05$ .

Se desea estudiar la superficie del caparazón de una especie de tortuga. Se toma al azar una muestra de 200 ejemplares adultos. Las superficies medidas para cada ejemplar (en  $cm^2$ ) están representadas por las variables:  $X_1, X_2, \dots, X_{200}$  i.i.d. con  $\mathbf{E}(X_i) = \mu$ . Se asume que la distribución de las variables y el parámetro  $\mu$  son desconocidos.

De la muestra se obtiene que:  $\sum_{i=1}^{200} X_i = 19\,136$  y  $\sum_{i=1}^{200} (X_i)^2 = 1\,842\,600$ .

- a) **(6 puntos)** Construya un intervalo de confianza aproximado para  $\mu$ .
- b) **(10 puntos)** Realice una prueba para decidir entre las siguientes hipótesis:

$$\begin{cases} H_0 : \mu = 96 \\ H_1 : \mu \neq 96 \end{cases}$$

- c) **(8 puntos)** Suponga finalmente que la desviación estándar de las superficies de los caparazones es  $\sigma = 8$ . Estime el tamaño que debería tener la muestra para que la longitud del Intervalo de Confianza para  $\mu$  sea  $1\,cm^2$ .

**Problema 3 (26 puntos)**

**Nota:** En las pruebas de hipótesis utilice el siguiente criterio de decisión: se acepta la hipótesis nula si el  $p$ -valor es superior a  $0,10$ .

Los siguientes datos corresponden a los pesos de diez boxeadores (en kg) y a las fuerzas generadas por sus golpes (en kg). Se asume que los datos son *i.i.d.*

Boxeador	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Peso	84.3	80.4	83.2	82.5	81.2	78.4	78.7	77.9	78.1	79.9
Fuerza	382	401	375	398	391	385	356	380	371	350

- a) **(14 puntos)** Implemente la prueba de ajuste de Kolmogorov-Smirnov para decidir si es razonable suponer que la muestra de los pesos ajusta a una distribución normal con valor esperado  $\mu = 80$  y desviación estándar  $\sigma = 1,8$ .
- b) **(12 puntos)** Realice una prueba de hipótesis para decidir si es razonable suponer que los pesos de los boxeadores y la fuerzas de los golpes son independientes entre sí.