Física moderna 2016

Examen - 03/03/2016

Problema 1 : Aniquilación de electrón-positrón

Un electrón de energía cinética K = 1 MeV, colisiona con un positrón al reposo (antipartícula de misma masa y carga opuesta al electrón). La colisión resulta en la aniquilación de las partículas y la emisión de dos rayos γ (radiación electromagnética) de misma cantidad de movimiento p (en módulo),

- a) Halle la energía E de los rayos γ y la cantidad de movimiento p.
- b) Determine el ángulo de emisión de los rayos.

Problema 2 : Iluminación del Molibdeno

La función trabajo del Molibdeno es de 4,22 eV.

- 1. Calcule la frecuencia de corte para el efecto fotoeléctrico en el Molibdeno.
- 2. Si lo iluminamos con una lámpara de Hidrógeno, ¿qué líneas del espectro de emisión del Hidrógeno pueden producir emisión fotoeléctrica en el Molibdeno? (La energía del estado fundamental del Hidrógeno es $E1 = -13.6 \, eV$).

Problema 3: Oscilador cuántico

Considere una partícula de masa bajo la acción de un potencial de la forma: $V(x) = K(x - x_0)$.

- a. Encuentre la fuerza derivada del potencial y mencionar cual sistema clásico esta descripto por tal fuerza: describa K y $\omega^2 = K/m$.
- b. Muestre que la función de onda $\psi(x) = C_0 e^{-\alpha t}$ satisface la ecuación de Schrödinger independiente del tiempo. Establecer las expresiones de α y E (la energía de la partícula) en función de m, K y \hbar .
- c. Normalice la función de onda usando la relación $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-ax^2} dx = \sqrt{\frac{\pi}{a}}$
- d. La expresión general de cualquier estado $\psi(x)$ es complicada pero la energía se escribe de la forma simple $E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega$. Comente este resultado.

Datos

Constantes:

$$e = 1.6 \times 10^{-19} C$$
; $m_e = 9.11 \times 10^{-31} kg$; $c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$; $\hbar = 1.055 \times 10^{-34} J \cdot s$