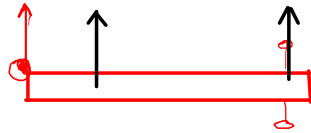


$$\tau = Fl = Fr \sin \theta$$

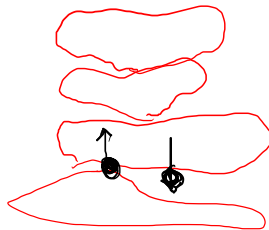
$$\tau = \vec{r} \times \vec{F}$$

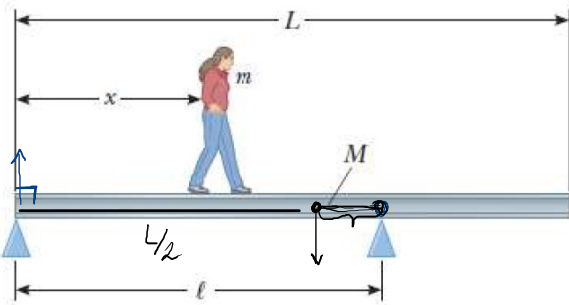


$$\sum \vec{F} = m\vec{a} = \vec{0}$$

equi  
↑

$$\sum \tau = 0$$

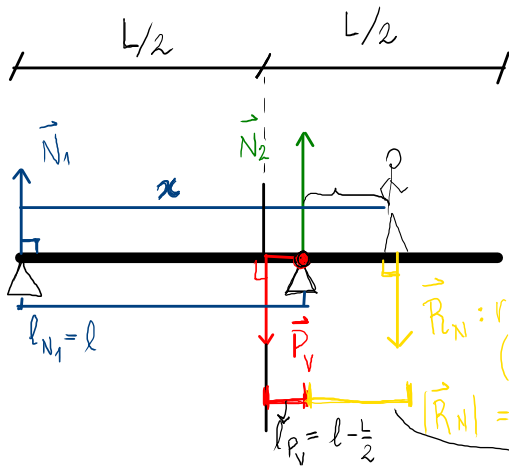




14.- Una viga de longitud  $L$  y masa  $M$  está en reposo sobre dos pivotes. El primer pivote está en el extremo izquierdo, tomado como el origen, y el segundo pivote está a una distancia  $l$ , del extremo izquierdo. Una mujer de masa  $m$  empieza a caminar del extremo izquierdo al derecho, como se ve en la figura. Cuando la viga está a punto de inclinarse, encuentre la expresión simbólica para:

a) la fuerza normal ejercida por el segundo pivote en términos de  $M$ ,  $m$  y  $g$ ; y  $l$ ;

$$N_1 = 0$$



$$|\vec{N}| = mg$$

$$\vec{P}_m$$

Viga 1ª cond:  $\sum F = \underbrace{N_1}_{0} + N_2 - \underbrace{P_V}_{Mg} - \underbrace{P_N}_{mg} = 0$

$$\Rightarrow N_2 - mg - Mg = 0$$

$$N_2 = mg + Mg$$

$$N_2 = (m+M)g$$

$\vec{R}_N$ : reacción (3era ley)

$$|\vec{R}_N| = mg \rightarrow l_R = x - l$$

$$l_{P_V} = l - \frac{L}{2}$$

$$l_{N_1} = l$$

b) la posición de la mujer en términos de  $M$ ,  $m$ ,  $L$  y  $\ell$ .

2<sup>da</sup> cond)

$$\sum \tau = 0$$

$$= \tau_{P_V} - \tau_{N_1} - \tau_R = P_V \cdot \ell_{P_V} - \cancel{N_1} \cdot \cancel{\ell_{N_1}} - R \cdot \ell_R = 0$$

$$0 = Mg \left( \ell - \frac{L}{2} \right) - mg (x - \ell) = \left[ M \left( \ell - \frac{L}{2} \right) - m(x - \ell) \right] g$$

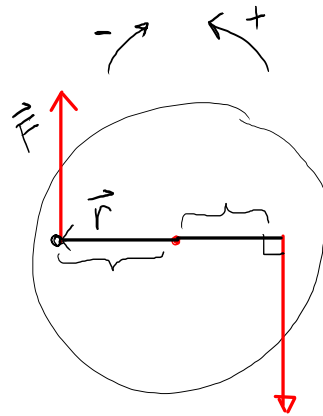
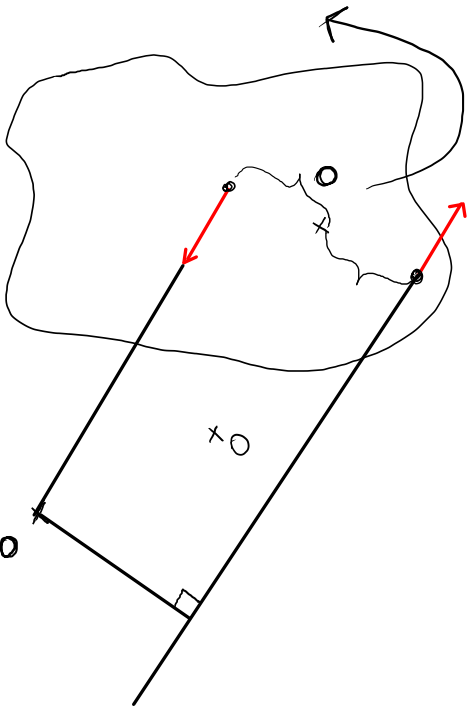
$$0 = M \left( \ell - \frac{L}{2} \right) - m(x - \ell)$$

$$= \underbrace{M\ell} - \frac{ML}{2} - mx + \underbrace{m\ell} = (M+m)\ell - \frac{ML}{2} - mx = 0$$

$$\Rightarrow mx = (M+m)\ell - \frac{ML}{2}$$

$$x = \frac{(M+m)\ell - \frac{ML}{2}}{m}$$

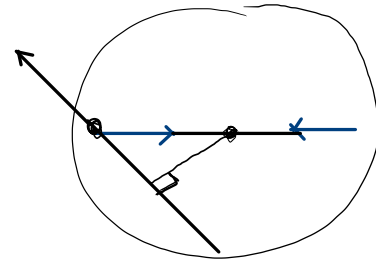
c) Encuentre el valor mínimo de  $\ell$  que permite que la mujer alcance el extremo de la viga sin que ésta se incline.  
Imponer  $x=L \rightsquigarrow \ell$



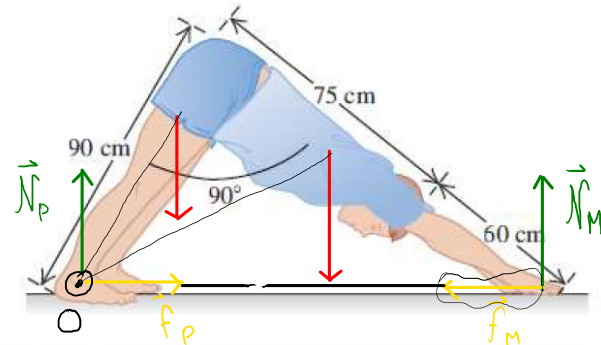
$$\cdot \sum \vec{F} = 0$$

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$\tau = r F \sin \theta = F \cdot l$$



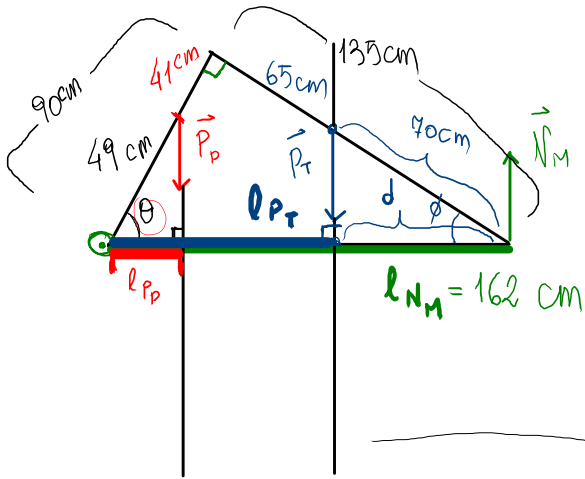
**(15.-) Perro boca abajo.** Una postura de yoga conocida como “perro boca abajo” requiere el estiramiento recto de las manos por encima de la cabeza y flexionarse apoyándose contra el suelo. Una persona de 750 N ejecuta este ejercicio como se ilustra en la figura. Cuando flexiona su cuerpo por la cadera a un ángulo de  $90^\circ$  entre sus piernas y el tronco, sus piernas, tronco, cabeza y brazos tienen las dimensiones que se indican. Además, sus piernas y pies pesan un total de 277 N, y su centro de masa se encuentra a 41 cm de su cadera, medidos a lo largo de sus piernas. El tronco, la cabeza y los brazos de la persona pesan 473 N, y su centro de gravedad se encuentra a 65 cm de la cadera medidos a lo largo de la parte superior del cuerpo.



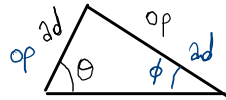
a) Calcule la fuerza normal que ejerce el piso sobre cada pie y sobre cada mano, suponiendo que la persona no favorece alguna mano o pie.

$$1^{\text{a}}) \begin{cases} \sum F_x = f_p - f_m = 0 \\ \sum F_y = N_p + N_m - P_p - P_\pi = 0 \end{cases}$$

$$2^{\text{da}}) \begin{aligned} \sum \tau &= \tau_{N_m} - \tau_{P_\pi} - \tau_{P_p} \\ &= N_m \cdot l_{N_m} - P_\pi \cdot l_{P_\pi} - P_p \cdot l_{P_p} \end{aligned}$$



$$l_{N_M} = \sqrt{90^2 + 135^2} \text{ cm} = 162 \text{ cm}$$



$$P_P = 277 \text{ N}$$

$$P_T = 473 \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{op}{ady}$$

$$\theta = \arctan\left(\frac{op}{ady}\right) = 56,3^\circ$$

$$\phi = 33,7^\circ$$

$$180 - 90 - 56,3$$

$$\circlearrowleft = N_M \cdot l_{N_M} - P_T \cdot l_{P_T} - P_P \cdot l_{P_P}$$

$$\circlearrowleft = N_M \cdot 162 \text{ cm} - 473 \text{ N} \cdot 104 \text{ cm} - 277 \text{ N} \cdot 27 \text{ cm}$$

$$N_M = 350 \text{ N} \rightsquigarrow \text{c/mano esperimentalmente } 175 \text{ N}$$

$$l_{P_P} = 49 \text{ cm} \cdot \cos \theta = 27 \text{ cm}$$

$$d = 40 \text{ cm} \cdot \cos \phi = 58 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow l_{P_T} = 162 \text{ cm} - 58 \text{ cm} = 104 \text{ cm}$$

$$\rightsquigarrow 1^a \text{ cond: } N_P = P_T + P_P - N_M$$

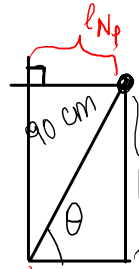
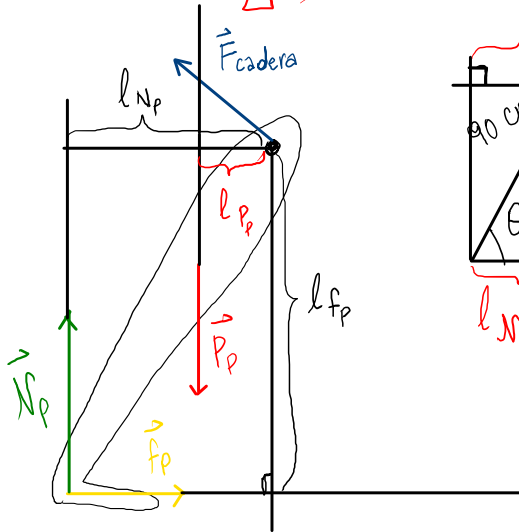
$$= 475 \text{ N} - 350 \text{ N} = 400 \text{ N}$$

b) Calcule la fuerza de fricción sobre cada pie y sobre cada mano, suponiendo que es la misma sobre ambos pies y sobre ambas manos (aunque no necesariamente la misma en pies y manos). [Sugerencia: Primero considere el cuerpo completo como un sistema, luego aísle sus piernas (o la parte superior del cuerpo)].

$$\sum \tau = \tau_{P_p} + \tau_{f_p} - \tau_{N_p} = 277 \text{ N} \cdot 22,8 \text{ cm} + 75 \text{ cm} \cdot f_p - 400 \text{ N} \cdot 50 \text{ cm} = 0$$

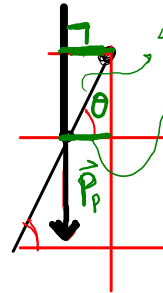
$$f_p = 182 \text{ N}$$

$$\Rightarrow 1^{\text{a}} \text{ cond) } f_M = 182 \text{ N}$$



$$l_{f_p} = 90 \text{ cm} \cdot \sin \theta = 75 \text{ cm}$$

$$l_{N_p} = 90 \text{ cm} \cdot \cos \theta = 50 \text{ cm}$$



$$41 \text{ cm} \cdot \cos \theta = 22,8 \text{ cm} = l_{P_p}$$