

$$= \frac{(\overline{XY})_n - \overline{X}_n \overline{Y}_n}{\overline{X}_n^2 - \overline{X}_n^2} \quad \text{estima} \quad \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\text{Var}(X)}$$

$$\hat{b} = \overline{Y}_n - \hat{a} \overline{X}_n$$

$$b) \cdot SCT = \sum_{j=1}^n (y_j - \overline{y}_n)^2$$

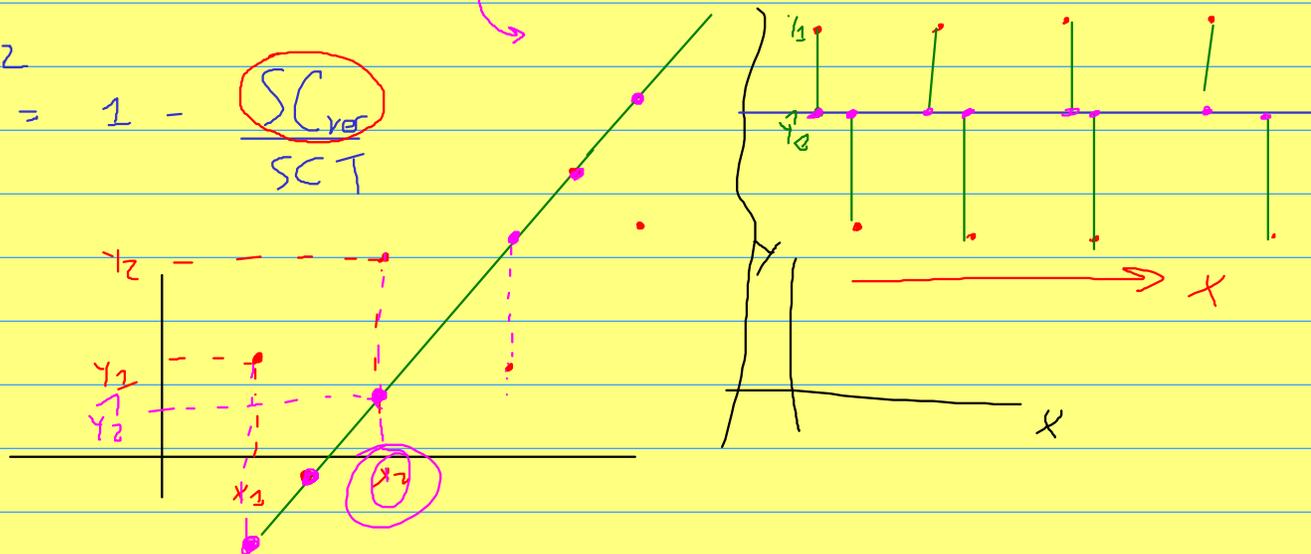
$$\cdot SCR = \sum_{j=1}^n (\hat{y}_j - \overline{y}_n)^2$$

→ Regresión

$$\cdot SC_{res} = \sum_{j=1}^n (y_j - \hat{y}_j)^2$$

→ Residual

$$\cdot R^2 = 1 - \frac{SC_{res}}{SCT}$$



DB5 - $0,5 R^2 \leq 1$

• Mientras más cerca de 1, mayor seguridad de que exista dependencia lineal.

$$\sum_{j=1}^n x_j^2 = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + \dots + x_n^2$$

$$\left(\sum_{j=1}^n x_j \right)^2 = \left(x_1 + \dots + x_n \right)^2$$

3. Sea $X \sim Unif([-2, -1] \cup [1, 2])$. Definimos una variable aleatoria Y tal que $Y|X \sim N(\underbrace{3X - 1}_{\mu}, \underbrace{1/4}_{\sigma^2})$.

- Simular una muestra iid de la variable aleatoria X de tamaño 1000.
- Para cada dato de la muestra anterior x_i , simular una realización Y_i . Al final de este proceso, se obtiene una muestra de tamaño 1000 de la variable aleatoria Y .
- Realizar un histograma de la muestra de Y . ¿Se puede decir que la variable aleatoria Y es normal?
- Ajustar una regresión lineal univariada $y_i = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_i$. ¿Es esperable que el modelo obtenido sea confiable?
- Realizar un histograma de los errores de predicción del modelo (residuos). ¿Se puede decir que los errores son normales? Sugerencia: realizar un test de normalidad para poder decidir.

