

Práctico 7-SOLUCIÓN

1.
  - a) Si le llamamos  $x_1, \dots, x_{15}$  a los datos, entonces la mediana de los datos (es decir, el dato que deja al menos el 50% de los datos a su izquierda en la muestra ordenada) coincide en este caso con el dato central de la muestra ordenada, es decir  $\hat{m}_X = x_8^* = 0,51$ . El primer cuartil es  $\hat{q}_1 = x_4^* = 0,29$  (es el dato que deja al menos el 25% de los datos a su izquierda en la muestra ordenada) y el tercer cuartil es  $\hat{q}_3 = x_{12}^* = 0,7$  (es el dato que deja al menos el 75% de los datos a su izquierda en la muestra ordenada).
  - b) Igual que antes, si la llamamos  $y_1, \dots, y_{15}$  a los datos, entonces  $\hat{m}_Y = 0,53$ ,  $\hat{q}_1 = -0,54$  y  $\hat{q}_3 = 0,98$ .
2. (Granos de arena)
  - a)  $\bar{D} = 0,33$ ,  $\bar{P} = 3,19$ ,  $s_D^2 = 0,04$  y  $s_P^2 = 13,54$ .
  - b) Para  $D$ :  $\hat{m}_D = 0,235$ ,  $\hat{q}_1 = 0,22$ ,  $\hat{q}_3 = 0,35$ . Para  $P$ :  $\hat{m}_D = 1,15$ ,  $\hat{q}_1 = 0,82$ ,  $\hat{q}_3 = 4,4$
3. No corresponde
4. Sea  $F_X$  la función de distribución de  $X$ . Por definición  $m_X$  verifica que  $m_X = \inf \{x : F_X(x) \geq \frac{1}{2}\}$ . Como  $X$  es una variable aleatoria continua, existe  $x_0$  tal que  $F_X(x_0) = \frac{1}{2}$  y como la densidad de  $X$  es simétrica, tiene que ser  $x_0 = \mu$ . Es decir que  $m_X = x_0 = \mu$ . Observar que esto no tiene por qué ser cierto para variables discretas con probabilidad puntual simétrica.