

Examen de Física Julio 2022

Ejercicio 1 (50 puntos)

- A) Inicialmente de Broglie asoció una onda plana a una partícula material. Explique qué problema conceptual presenta representar partículas por ondas planas. (7 puntos)
- B) ¿Cómo hizo de Broglie para solucionar el problema anterior? (7 puntos)
- C) Si aceptamos la aproximación de asociar una onda plana de de Broglie a un electrón, ¿cuál es la longitud de onda λ_e y la frecuencia asociada a un electrón que tiene una energía cinética K ? Expresar ambas como función de K . (9 puntos)
- D) Si se quiere una $\lambda_e = 1 \text{ \AA}$, ¿con qué diferencia de potencial hay que acelerar al electrón que parte del reposo? (9 puntos)
- E) Otra forma de darle la energía al electrón para que su λ_e sea $= 1 \text{ \AA}$ es mediante efecto fotoeléctrico. Despreciando a la función trabajo del material del cual se “arranca” al electrón, calcular la longitud de onda λ_f del fotón que debe absorber el electrón y expresarla en \AA . (10 puntos)
- F) ¿Cómo se explica el valor encontrado para λ_e/λ_f en términos de las energías involucradas? (8 puntos)

Ejercicio 2 (50 puntos)

- A) Defina a los números cuánticos n , l y m_l que caracterizan a la función de onda $\Psi_{nlm}(r, \theta, \phi) = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)$, del átomo de hidrógeno. (7 puntos)
- B) Escriba la ecuación de Schrödinger para la componente radial $R(r)$ del átomo de hidrógeno (ecuación de Schrödinger en coordenadas esféricas con potencial Coulombiano). (7 puntos)
- C) Escriba la forma genérica de la componente radial $R(r)$ de la función de onda para el estado n . (7 puntos)
- D) Para el estado $n = 2$, $l = 1$ calcule la probabilidad de que el electrón se encuentre dentro del radio de Bohr a_0 , $P(r \leq a_0)$, utilizando a la $R(r)$ de la tabla de abajo y la fórmula
- $$\int x^n e^{-cx} dx = -\frac{e^{-cx}}{c} \left(x^n + \frac{nx^{n-1}}{c} + \frac{n(n-1)x^{n-2}}{c^2} + \dots + \frac{n!}{c^n} \right) \quad (12 \text{ puntos})$$
- E) ¿Cuánto vale $P(r > a_0)/P(r \leq a_0)$? (7 puntos)
- F) Para el estado $n = 2$, $l = 1$, utilizando a las funciones angulares de la tabla de abajo, calcular la dirección espacial en la que la densidad de probabilidad angular, $P(\theta, \phi)$, es máxima distinguiendo los dos casos: $m_l = 0$ y $m_l = \pm 1$. (10 puntos)

| n | l | m_l | $R(r)$ | $\Theta(\theta)$ | $\Phi(\phi)$ |
|-----|-----|---------|---|--------------------------------------|---------------------------------------|
| 2 | 0 | 0 | $\frac{1}{(2a_0)^{3/2}} \left(2 - \frac{r}{a_0} \right) e^{-r/2a_0}$ | $\frac{1}{\sqrt{2}}$ | $\frac{1}{\sqrt{2\pi}}$ |
| 2 | 1 | 0 | $\frac{1}{\sqrt{3}(2a_0)^{3/2}} \frac{r}{a_0} e^{-r/2a_0}$ | $\sqrt{\frac{3}{2}} \cos \theta$ | $\frac{1}{\sqrt{2\pi}}$ |
| 2 | 1 | ± 1 | $\frac{1}{\sqrt{3}(2a_0)^{3/2}} \frac{r}{a_0} e^{-r/2a_0}$ | $\mp \frac{\sqrt{3}}{2} \sin \theta$ | $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{\pm i\phi}$ |

Datos para útiles para resolver los problemas:

constante de Planck $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$
 carga del electrón $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$
 masa del electrón $m = 9.11 \times 10^{-31} \text{ Kg}$
 energía en reposo del electrón $mc^2 = 0.511 \text{ MeV}$
 $hc = 12.4 \times 10^3 \text{ eV}\cdot\text{\AA}$